信学技報 TECHNICAL REPORT OF IEICE.

## インピーダンス拡張法による超大規模周期的アレーアンテナの解析

今野 佳祐<sup>†</sup> 陳 強<sup>†</sup> 澤谷 邦男<sup>†</sup> 瀨在 俊浩<sup>††</sup>

† 東北大学大学院 工学研究科 電気通信工学専攻 〒 980-8579 仙台市青葉区荒巻字青葉 6-6-05
 †† 宇宙航空研究開発機構,茨城県
 E-mail: †{konno, chenq, sawaya}@ecei.tohoku.ac.jp

**あらまし** 宇宙太陽光利用システム (SSPS) に用いられる電力伝送用大規模周期的アレーアンテナの放射特性を評価 するために,超大規模周期的アレーアンテナの特性解析が必要となる.しかし,超大規模な周期的アレーアンテナでは 解析対象となる素子数が極めて多いため,直接的な数値解析は不可能であるという問題点がある.そこで,本論文では 超大規模な周期的アレーアンテナの特性を近似的に解析する手法としてインピーダンス拡張法を提案し,給電振幅分 布に一様分布とテーパ分布を与えた場合についてその有効性を検討した.

キーワード モーメント法, インピーダンス拡張法, 周期的アレーアンテナ

# Analysis of Large-scale Periodic Array Antenna Using Impedance Extension Method

Keisuke KONNO<sup>†</sup>, Qiang CHEN<sup>†</sup>, Kunio SAWAYA<sup>†</sup>, and Toshihiro SEZAI<sup>††</sup>

† Department of Electrical Communications Engineering, Graduate School of Engineering, Tohoku University Aramaki Aza Aoba 6-6-05, Aoba-ku, Sendai, 980-8579, Japan

†† Japan Aerospace Exploration Agency, Sengen, Tsukuba-shi, Ibaraki, 305-8505 Japan

E-mail:  $\dagger$ {konno, chenq, sawaya}@eccei.tohoku.ac.jp

**Abstract** Size of a periodic array antenna used for the power transmission in space solar power systems is huge. Analysis of such a huge periodic array antenna is important to estimate radiation property of a periodic array antenna, but the CPU time and memory size required for the direct analysis are also huge and exact numerical analysis is almost impossible. In order to overcome this difficulty, impedance extension method is proposed as a method of approximate analysis for a huge periodic array antenna. Validity of the impedance extension method is investigated for uniform and tapered distribution of feeding amplitude.

Key words Method of Moments(MoM), impedance extension method, huge periodic array antenna

1. 背 景

近年,石油をはじめとしたエネルギー資源の枯渇が問題と なっており,将来予測されるエネルギー不足を解決する方法と して,静止衛星の大規模な太陽電池で発電し,マイクロ波を用 いてその電力を地上に無線送電する SSPS(Space Solar Power Systems)の研究が行われている[1]. SSPS から地上に電力を 送電するためには超大規模な周期的アレーアンテナが用いられ る.マイクロ波のビーム幅を極めて細くするために,周期的ア レーアンテナの素子数は10億ほどになると試算されており,実 用化に向けてそのビーム幅や指向性,エッジ効果の影響などを 解析する必要がある.

アンテナの解析手法の1つとしてモーメント法 (MoM) が挙

げられる [2], [3]. モーメント法は周期的アレーアンテナの解析 にも非常に有効な手法であるが,  $N \times N$  行列方程式の解法に ガウス消去法を用いると, 計算時間は  $N^3$ , メモリは  $N^2$  にそれ ぞれ比例する. このことから, 約 10 億素子を有する SSPS 用周 期的アレーアンテナの解析は困難であり, 解析手法の効率化が 重要となる.

解析手法の効率化を図るために、様々な試みがなされてきた。行列方程式の解法に Gauss-Seidel 法や SOR 法 (Successive Over Relaxation method), CG 法 (Conjugate Gradient method) などといった反復法を用いて大規模問題の計算時間を 改善するという試みが代表的である [4]-[7].反復法を用いると 大規模問題の計算時間は理論上  $O(N^2)$  に抑えられるが、実際は MoM における行列が反復法を用いて解くのに有利な対角優位





Figure 2 ガウス分布によるテーパ. Fig. 2 Taper with Gauss distribution.

行列であることが少ないために、収束性が悪くなり、反復回数が 大きくなってしまうことが多い. そこで、FMM(Fast Multipole Method)やMLFMA(Multi-Level Fast Multipole Algorithm) を用いて、反復法における行列-ベクトル積の計算量を減らす 研究も行われている[8]-[10]. 実際に1万素子程度の大規模な 周期的アレーアンテナの解析をパーソナルコンピュータでも可 能にするための手法としては、CG-FMM-FFT法、前処理付き CG-FFT法が提案されている[11]-[13]. しかし、これらの手法 を用いても SSPS に用いられる 10 億素子のアレーアンテナを 解析することはほとんど不可能である.

本論文では、周期的アレーアンテナの動作インピーダンスは 給電振幅分布にほとんど依存せず、アレー構造によって決まる と考えられることから、それを用いて大規模な周期的アレーア ンテナの動作インピーダンスを超大規模な周期的アレーアンテ ナの動作インピーダンスに拡張することにより、近似的に超大 規模な周期的アレーアンテナの解析を可能にするインピーダン ス拡張法を提案する.また、1次元のダイポールアレーモデルに ついてその有効性を検討した結果を述べる.



Figure 3 10dB, 20dB テーパ給電の動作インピーダンス (絶対値). Fig. 3 Active impedance of an array antenna feeded by 10dB, 20dB taper (absolute value).



Figure 4 素子間距離  $d_x$  の変化に対する動作インピーダンス (絶対 値).

Fig. 4 Active impedance of an array antenna for different  $d_x$  $(2l = 0.5\lambda$ , absolute value).

#### 2. インピーダンス拡張法の原理

大規模な周期的アレーアンテナでは、全ての素子が給電され た状態における中央部の素子の入力インピーダンス、即ち動作 インピーダンスは一様な値となることが知られている.また、 エッジ部分の素子の動作インピーダンスはエッジとの距離に依 存するが、アレーアンテナの規模にはほぼ無関係であると考え られる.従って、まず大規模の周期的アレーアンテナを解析し て、その結果を超大規模な周期的アレーアンテナに拡張するこ とが可能であると考えられる.この手法をインピーダンス拡張 法と呼ぶことにする.インピーダンス拡張法は従来の数値計算 法とは違い、数値解析するのは超大規模な周期的アレーアンテ ナ自体ではなくそれよりも小規模な周期的アレーアンテナであ る.従って、超大規模な周期的アレーアンテナを直接数値解析 する場合に比べて、メモリも数値計算時間も大幅に削減できる.

#### 2.1 アレー素子の動作インピーダンス分布

まず、インピーダンス拡張法の妥当性を検証するために、図1 に示す1次元ダイポールアレーモデルに対して、各素子の動作 インピーダンスを求めた.アレーパラメータは素子数 $N_x = 50$ ,



Figure 5 素子長 2l の変化に対する動作インピーダンス (絶対値). Fig.5 Active impedance of an array antenna for different 2l  $(d_x = 0.75\lambda, \text{ absolute value}).$ 



Figure 6 素子数  $N_x$  の変化に対する動作インピーダンス (絶対値). Fig.6 Active impedance of an array antenna for different  $N_x$  $(d_x = 0.75\lambda, 2l = 0.5\lambda$ , absolute value).

ダイポール素子長  $2l = 0.5\lambda$ ,素子間隔  $d_x = 0.75\lambda$ ,反射板とダ イポール素子の間隔  $h = 0.25\lambda$  である.また,モーメント法を 用いるときに,各ダイポール素子を3つのセグメントに分割し た.アレーアンテナの励振分布として,一様な振幅分布だけで なく,図2に示すようにエッジレベルが-10dBと-20dBのガ ウス分布を与えた.

図3に給電分布として同相で一様分布,10dB及び20dBテー パ分布を与えたときの動作インピーダンスの絶対値を示す.こ の図から,周期的アレーアンテナのエッジ部分では動作インピー ダンスの絶対値の変動が大きいのに対し,中央部分ではほぼ一 様な値であることが確認できる.また,動作インピーダンスの 絶対値は給電振幅分布にほとんど依存しないことが分かる.

次に、動作インピーダンスとアレーパラメータの関係を明 らかにするために、素子間距離  $d_x$  とダイポール素子長 2l, ア レー素子数  $N_x$  を変えて解析を行った. 給電は 10dB テーパで、  $h = 0.25\lambda$  とした.

図4、図5にそれぞれ素子間距離*d<sub>x</sub>、ダイポール素子長2lを* 変えたときの動作インピーダンスの絶対値を示す.アレーパラ メータを変えると動作インピーダンスの絶対値は変化している が、図3の場合と同様に中央部分では一様で、エッジ部分で変



Figure 7 素子数 N<sub>x</sub> の変化に対する動作インピーダンス (絶対値, エッジ部).

Fig. 7 Active impedance of an array antenna for different  $N_x$  $(d_x = 0.75\lambda, 2l = 0.5\lambda$ , absolute value, representation of edge).

動する傾向は変わらなかった.

図 6, 図 7 に素子数を  $N_x = 100, 200, 400$  と変えたときの動 作インピーダンスの絶対値を示す.エッジ部分と中央部分それ ぞれで動作インピーダンスの絶対値は素子数  $N_x$  にほとんど依 存せずほぼ一致していることが分かる.

#### 2.2 インピーダンス拡張法

前節の解析から,動作インピーダンスについて以下のことが 分かった.

(1) 給電振幅分布にほぼ依存しない.

(2) 周期的アレーアンテナの中央部ではどの素子もほぼ同じ値で、エッジ部分で変動が激しい.

(3) 素子長・素子間隔が同じなら,素子数が変化しても中 央部だけでなくエッジ部でもその値はほぼ一致する.

以上のことから、大規模な周期的アレーアンテナ各素子の動 作インピーダンスを超大規模な周期的アレーアンテナの各素子 に拡張するというインピーダンス拡張法の妥当性が示された.

具体的な拡張法を図8に示す.超大規模な周期的アレーア ンテナ (Huge array)のエッジ部分にある素子には、大規模ア レーアンテナ (Large array)のエッジ部分にある素子の動作イ ンピーダンスを超大規模アレーアンテナの同じ幅に拡張する. また、大規模アレーアンテナの中心素子の動作インピーダンス を超大規模アレーアンテナの中央部分にある全ての素子に拡張 する.エッジ部分と中央部分の境界を決めるために、

$$\Pi_L(i) = \frac{|Z(i) - Z(N_x/2)|}{|Z(N_x/2)|} \quad i = 1, ..., N_x$$
(1)

で定義される誤差を用い、この値が十分に小さな値となるエッジの幅の素子数  $W_l$ を数値計算により求めた. 図 9 は、エッジ 部分にある素子のうち、中央にある素子の動作インピーダンス の値からの変化が 0.3%以上 ( $\Pi_l > 0.3$ %)となる素子数  $W_l$ を プロットしたものである. この図より、例えば  $N_x = 20$ では 5 素子、 $N_x = 200$ では 7 素子をエッジ部分であると定めること ができる. なお、図 9 では  $\Pi_L > 0.3$ % を基準としたが、要求さ



Figure 8 インピーダンス拡張法の説明.

Fig. 8 Introduction of impedance extension method.



Figure 9  $\Pi_l > 0.3\%$ となる素子数. Fig. 9 Number of elements yielding  $\Pi_l > 0.3\%$ .



 
 Figure 10
 インピーダンス拡張法と直接計算の比較 (絶対値, エッジ 部).

Fig. 10 Comparison of the impedance extension method with direct calculation (absolute value, edge region).

#### れる精度に応じて $\Pi_L$ を設定すればよい.

図 9 の結果に基づき, 実際にインピーダンス拡張法を適用した.素子数  $N_x^o = 50$  の大規模アレーアンテナの動作インピーダンスを,  $N_x = 200$  の超大規模アレーアンテナのエッジ部分の両端 7 素子と中央部分の動作インピーダンスに拡張し, その動作インピーダンスの絶対値及び動作利得パターンを求めた.図 10 に, インピーダンス拡張法と直接計算を用いて求めた動作イン



 Figure 11
 動作利得パターン.
 インピーダンス拡張法と直接計算の比

 較 (一様分布).

Fig. 11 Comparison of actual gain between the impedance extension method and direct calculation (uniform distribution).



Figure 12 動作利得パターン. インピーダンス拡張法と直接計算の比較 (10dB テーパ分布).

Fig. 12 Comparison of actual gain between the impedance extension method and direct calculation (10dB taper distribution).

ピーダンスの絶対値を示す.また,図 11~13 には,一様分布及 びテーパ分布のときの動作利得パターンを示す.動作インピー ダンス及び動作利得パターン共に直接計算とインピーダンス拡 張法との間に差はなく,ほぼ一致している.

### 3. インピーダンス拡張法による解析の誤差評価

前節ではインピーダンス拡張法の解析精度を,周期的アレー アンテナの動作インピーダンス及び動作利得パターンから評価 したが,ここでは得られた動作利得パターンの精度を定量的に 評価する.

動作利得パターンの誤差を

$$\varepsilon = \frac{\sqrt{\sum_{i=1}^{P} |E_1(\theta_i) - E_2(\theta_i)|^2}}{\sqrt{\sum_{i=1}^{P} |E_1(\theta_i)|^2}}$$
(2)



Figure 13 動作利得パターン. インピーダンス拡張法と直接計算の比較 (20dB テーパ分布).

Fig. 13 Comparison of actual gain between the impedance extension method and direct calculation (20dB taper distribution).

で定義する. ここで,  $E_1(\theta_i)$  はモーメント法を用いて直接求め た電流から得られた放射電界であり,  $E_2(\theta_i)$  はインピーダンス 拡張法を用いて求めた電流から得られた放射電界である. P は 角度  $\theta_i$  の全点数である.

ここでは、エッジ部分を考慮せずに全ての素子に中央部の均 ーな動作インピーダンスを与えた uniform extension とエッジ 部分を考慮して動作インピーダンス部分を拡張した impedance extension の結果を比較した. 放射パターンは P = 36000 点計 算した.

拡張元となる周期的アレーアンテナの素子数を N<sub>x</sub> = 15,50,150 と変化させたときに誤差がどのように変化する かを調べた. その結果を図 14 に示す. なお, impedance extension におけるエッジ部分は両端7素子とした.この図によると uniform extension と impedance extension のどちらも, 拡張 元である周期的アレーアンテナの素子数の変化による誤差の変 動は 0.2% 程度に過ぎなかった. これは、周期的アレーアンテナ のエッジ部分と中央部分の動作インピーダンスは15素子程度 でそれぞれほぼ一定値になるため、拡張元の素子数を $N_x^o = 15$ 程度とすれば十分であることを示している.また,拡張元である 周期的アレーアンテナの素子数が同じなら、uniform extension よりも impedance extension の方が誤差が小さくなっており, エッジ部分を考慮した拡張を行った方が誤差を小さく抑えら れるということが分かる. さらに、拡張先となる周期的アレー アンテナの素子数が多くなるにつれて, uniform extension と impedance extension の誤差は徐々に近づいている. これは拡 張先となる周期的アレーアンテナの素子数を大きくすると全素 子数に対するエッジ部分の割合が相対的に小さくなるため, 誤 差に対するエッジ部分の寄与が小さくなっているためと考えら れる.

#### 4. む す び

本論文では,超大規模な周期的アレーアンテナの近似解析手 法として,インピーダンス拡張法を提案した.本手法は,有限 な規模の小さい周期的アレーアンテナをモーメント法により解



Figure 14 インピーダンス拡張法の誤差. 元となるアレーの素子数に 対する変化.

Fig. 14 Error-rate of the impedance extension method for an element number of an original array.

析し、より大規模な周期的アレーアンテナの入力インピーダン スを推定するものであり、超大規模な周期的アレーアンテナの サイズや給電振幅の分布に依存しないという利点を有してい る.また、本手法を用いた数値解析を行い、超大規模な周期的 アレーアンテナの指向性が高精度で計算できることを示した.

本論文では、インピーダンス拡張法はアレー構造が周期的で あること、及び同位相の電圧給電であることを条件に検討した. しかしながら、宇宙太陽光利用システムに搭載される周期的ア レーアンテナは、運用中に破損して一部が動作しなくなる恐れ があり、アレーの周期性が必ずしも保証されない.また、ビーム 制御も狭い範囲に限れられるが、各素子の給電位相も必ずしも 同位相ではない.そのため、周期的アレーアンテナの一部の素 子を抜いた状態及び位相差付の電圧給電を条件とした場合、イ ンピーダンス拡張法の有効性について検討すると共に、1次元 アレーから2次元ダイポールアレーへとインピーダンス拡張法 の適用範囲を広げていく必要がある.

#### References

- A.K.M. Baki, Kozo Hashimoto, Naoki shinohara, Tomohiko mitani, and Hiroshi Matsumoto, "Isosceles-trapezoidaldistribution edge tapered array antenna with unequal element spacing for solar power satellite," IEICE Trans. Commun., vol.E91-B, no.2, pp-527-535, Feb. 2008.
- [2] R.F. Harrington, Field Computation by Moment Methods, New York, Macmillan, 1968.
- [3] J.H. Richmond and N.H. Greay, "Mutual impedance of nonplanar-skew sinusoidal dipoles," IEEE Trans. Antennas and Propagat., vol.23, no.5, pp.412-414, May 1975.
- [4] Qiang Chen, Qiaowei Yuan, Kunio Sawaya, "Fast algorithm for solving matrix equation in MoM analysis of large-scale array antennas," IEICE Trans. Commun., vol.E85-B, no.11, pp.2482-2488, Nov. 2002.
- [5] Qiang Chen, Qiaowei Yuan, Kunio Sawaya, "Convergence of SOR in MoM analysis of array antenna," IEICE Trans. Commun., vol.E88-B, no.5, pp.2220-2223, May 2005.
- [6] T.K. Sarker and S.M. Rao, "The application of the conjugate gradient method for the solution of electromagnetic scattering from arbitrarily oriented wire antennas," IEEE Trans. Antennas Propag., vol.32, no.4, pp.398-403, April 1984.
- [7] T.K. Sarker, "The conjugate gradient method as applied to

electromagnetic field problems," IEEE Antennas Propagation Society Newsletter, vol.28, no.4, pp.4-14, Aug. 1986.

- [8] R. Coifuman, V. Rokhlin, and S. Wandzura, "The fast multipole method for the wave equation: a pedestrian prescription," IEEE Antennas and Propagat. Mag. voli.35, no.3, pp.7-12, June 1993.
- [9] V. Rokhlin, "Rapid solution of integral equations of scattering theory in two dimension," J. Comput. Phys., vol.86, no.2, pp.414-439, Feb. 1990.
- [10] J.M. Song and W.C. Chew, "Multilevel fast-multipole algorithm for solving combined field integral equations of electromagnetic scattering," Microw. Opt. Technol. Lett., vol.10, no.1, pp.14-19, Sept. 1995.
- [11] 瀨在俊浩, 久田安正, ザイ・フイチン, 陳 強, 澤谷 邦男, "CG-FMM-FFT 法によるモーメント法の高速化・メモリ低減化," 信学技報, SPS2007-05, pp.7-14, July 2007.
- [12] Huiqing Zhai, Qiang Chen, Qiaowei Yuan, Kunio Sawaya, Changhong Liang, "Analysis of large-scale periodic array antennas by CG-FFT combined with equivalent sub-array preconditioner," IEICE Trans. Commun., vol.E89-B, no.3, pp.922-928, March 2006.
- [13] Huiqing Zhai, Qiaowei Yuan, Qiang Chen, Kunio Sawaya, "Preconditioners for CG-FMM-FFT implementation in EM analysis of large-scale periodic array antennas," IEICE Trans. Commun., vol.E90-B, no.3, pp.707-710, March 2007.